マルチスケール概念に基づく膜透過シミュレーションの研究(第1報)

(膜分離プロセス向上のための解析)

工業材料・環境科 専門研究員 重光保博

化学工学の中心分野の一つである膜分離現象について、その分子レベルでの機構解明はプロセス制御の観点 から重要な課題である。本研究では、連続体力学に基づくマクロ流体解析と分子レベルのミクロ分子動力学シ ミュレーションの両観点を踏まえ、マルチスケール連成シミュレーション技術の開発とその膜透過シミュレー ションへの展開を目標とする。

1. 緒言

近年、人工知能やIoT等のデジタル技術トレンドと 並行して、シミュレーション技術のモノづくりへの活 用が進み、シミュレーションは実験の検証にとどまら ず、モノづくりを主導する役割を果たしつつある。長 崎県では海洋関連工学・再生可能エネルギー分野を推 進しており、Computer-Aided Engineering (CAE) は関連インフラ設計や設置地域の地理・気象解析へ貢 献するシミュレーション技術として定着しつつある。 流体解析は CAE の重要な一分野であり、流体力学の 基礎方程式である Navier-Stokes 方程式に基礎をお いている。そのいっぽう、ミクロな見地からは流体の 微細構成要素は溶媒分子であり、溶媒分子間の相互作 用を直接計算する分子動力学シミュレーションで追跡 することも可能である。膜分離プロセスのような界面 での物質交換を伴う非平衡熱力学現象では、マクロ流 体方程式で詳細機構を解明することは難しい。いっぽ う、ミクロ分子動力学法で現象を直接追跡することは、 計算コストの観点から非現実的である。そのため、両 者の中間であるメソスケールシミュレーションや粗視 化技法が提案されているが、汎用的な手法は確立して いないのが現状である。



以前の研究「連成統合シミュレーション技術の開発 と普及支援(平成27年度—平成29年度)」では、構造 解析・流体解析ツールである「連成解析システム」を 活用して構造 - 流体連成シミュレーションの性能評価 を行い、CAE関連企業の技術支援と普及活動を行っ た<sup>[2]</sup>(図1)。

さらに前段研究「複雑事象に対応した連成解析技術 の開発(平成30年度―令和2年度)」では、マルチス ケールシミュレーション環境の構築とその性能評価を 目的として、(1)水分子の膜透過モデルに対するマク ロ流体力学とミクロ分子動力学の比較(2)粗視化法 を用いた有機溶媒・溶液系の分子動力学シミュレーシ ョンを実施した<sup>[3]</sup>。

本研究では、マルチスケール複雑事象である膜透過 現象<sup>[4]</sup> を解析対象とする。ミクロとマクロをつなぐ 「スケールの壁」を克服するため、粗視化法や非平衡 MD 法などの新規手法が模索されている(図 2)。

本研究ではその前段として、セルロースと有機分子 のミクロ相互作用解析を行った。



図2 MS-CG 粗視化法のスキーム

長崎県工業技術センターでは、このようなミクロ現



図1 連成解析のイメージ図

# 2. セルロースナノファイバーと各種溶媒との相互作 用:ハロゲン相互作用解析

機能性材料として注目されているセルロースナノフ ァイバー (CNF) は、その優れた物理化学的特性を 生かした環境調和型材料として様々な産業用途が開拓 されつつある (図3)。ナノセルロースの造粒技術を 活用した各種ポリマーと CNF のコンポジット化ビー ズが作製されている<sup>[5]</sup>。HPLC 解析の結果から CNF と各種ハロゲン溶媒(塩化メチレン / クロロホルム / ブロモホルム)との特異的な相互作用が検出されてい ることから、ハロゲン相互作用が CNF とポリ塩化ビ ニルとのコンポジット化ビーズ安定形成の鍵と推測さ れている。しかし、各種ビーズの生成機構および化学 的安定性の起源については、詳しい理論解析が行われ ていない。本研究では、ナノコンポジット化ビーズ形 成の driving force の一つと考えられるハロゲン相互 作用について、高精度量子化学計算を用いて詳しく解 析した。



#### 図3 CNFの化学構造

## 2.1 モデリング・計算手法

CNFと各種ポリマーとの各種相互作用のうち、ハ ロゲン相互作用を詳細に解析することを目的とした相 互作用エネルギー解析を counterpoise 補正で行った。 計算には Gaussian09/Gaussian16 を使用し、高精度 ab-initio法 (MP2、CCSD (T)) および密度汎関数法 (DFT)を採用した。計算コスト制約のため、CNF( $\beta$ -グルコース)は H<sub>2</sub>O、PVC は CH<sub>3</sub>Cl で単純化し、酸 素 - 塩素間のハロゲン相互作用エネルギーを精密計算 した (図 4)。自然エネルギー分割解析 (Natural Energy Decomposition Analysis) は RHF/augcc-pV5Z レベ ルで実行した(図5)。



図4 CNF- ハロゲン相互作用の計算モデル



図5 計算モデルの分子軌道図(HOMO/LUMO)

#### 2.2 解析結果

#### 2.2.1 Ab-initio 計算(MP2.CCSD(T))

まず、電子相関を考慮した高精度 Ab-initio 計算 のベンチマークを行った。MP2 および CCSD(T)に おいて、6-31G(d)から Complete Basis Set (CBS) まで基底関数を順次大きくして、CBS 基底関数極限 での精密評価を行い、両者の結果は 1.2Kcal/mol で 一致した (図 6、図 7)。この結果から、MP2を超 える動的電子相関はほぼ無視できることが示唆され る。また、MP2では cc-pVDZ 以下、CCSD(T)では 6-31G(d) 以下の poor basis set を用いると、ハロゲ ン結合を再現できず、誤った結果を与えることが判明 した。Split-Valence Double以下の基底関数を用い た ab-initio 計算では CNF とハロゲン系溶媒との相 互作用を適切に表現できないため、溶媒中のコンポ ジット化ビーズのような大規模計算を想定した場合、 現実的な計算ストラテジーとして採用することが難 しいと判断された。

自然エネルギー分割解析の結果は、ハロゲン結合の



図6 結合距離に対するエネルギー変化(MP2)

MP2	ΔE (Kcal/mol)	CCSD(T)	ΔE (Kcal/mol)
6-31Gd	-0.5525	6-31Gd	-0.00605
	0.0400	cc-pVDZ	0.3226
cc-pVDZ	-0.2409	cc-pVTZ	0.6286
cc-pVTZ	0.596	aug-cc-p\/T7	(*)0.9598
	1 070	aug-cc-pv12	(**)1.0904
aug-cc-pVIZ	1.079		(*)0.9499
cc-nV07	0 9975	cc-pvQZ	(**)1.0025
cc p v dz	0.5575		(*)1.1118
aug-cc-pVQZ	1.1268	aug-cc-pVQZ	(**)1.2516
aug-cc-pV5Z	1.2054	2ug-cc-p\/57	(*)1.1460
(1) CBS	1.2437	aug-cc-pv52	(**)1.1741
(1) $E_{CBS}^{MP2} = E_{aVSZ}^{MP2} + \frac{E_{aVSZ}^{MP2} - E_{aVQZ}^{MP2}}{(5/(5-1))^5 - 1}$		(2) CBS	1. 2124
		(2) $E_{CBS(MP2)}^{CCSD(T)} = E_{ab}^{C}$	$E_{V5Z}^{CSD(T)} - E_{aV5Z}^{MP2} + E_{CBS}^{MP}$
		(*) at the MP2/aV5	Z optimized geometi

(\*\*) numerical geom opt.

(1),(2) S.Kozuch, J.M.L.martin, JCTC,2013,9,1918-1931

## 図7 結合エネルギーの基底関数依存性 (MP2/CCSD(T))

特徴的性質を示した。引力項のうち、最大の寄与は分 子間電荷移動力となり、分極項、静電項、交換項の順 となった。近距離では大きく寄与する交換項の寄与は 小さいことは、ハロゲン結合の「ソフト性」を示唆す る。さらに、平衡核間距離が通常の共有結合と比較し て長いハロゲン結合では、polarized/diffuse 関数を取 り込んだ大規模な基底関数が必要なことが示唆された (図 8)。

	Charge transfer (CT)	-2.016
	Electrostatic (ES)	-1.048
	Polarization (Pol)	-1.766
	Exchange (EX)	-0.514
	Deformation (DEF)	(H2O) 2.983
		(CH3Cl) 2.157
	Self Energy (SE)	(H2O) 0.496
		(CH3CI) 0.405
	Electrical (ES+POL+SE)	-1.912
	Intermolecular (CT)	-2.016
$E^{Int} = (\Lambda E^{ES} \pm \Lambda E^{POL} \pm \Lambda E^{SE})$	Core (EX+DEF-SE)	3.725
$D_{NBO} = (\Delta D_{electrical} + \Delta D_{electrical} + \Delta D_{electrical})$		
$+\Delta E_{Inter} + (\Delta E_{Core} + \Delta E_{Core} - \Delta E_{Core})$	Total Interaction	-0.203

図8 自然エネルギー分割解析

## 2.2.2 DFT計算

Δ

次に、汎関数への依存性を調べるため、DFT 計 算のベンチマークを行った。基底関数は 6-31G (d) に固定し、大規模計算の実効性に配慮した。

代表的な 4 種類の汎関数 (B3LYP/PBE/wB97XD /M06-2X)の結果を比較した。Counterpoise補正な しの場合、平衡核間距離が約3オングストーローム 近傍にエネルギー極小が存在することが各計算から 示唆される (図 9)。ただし Counterpoise 補正を考 慮すると、B3LYP/6-31G(d)ではエネルギー極小 が消えて、安定的なハロゲン結合が生成しないとい う誤った結果を与えた。次に、4 種類を含めた広範 な汎関数のパフォーマンスを検討した。最も強いハ ロゲン結合エネルギーは、MN-15汎関数(0.862 Kcal/mol) で得られた。同じ Minnesota 系の旧汎関 数(M06-2X)においても、強いハロゲン相互作用 が予測されたが、nonlocal-exchange 補正を入れて いない汎関数(M06)ではエネルギー安定化が著し く小さくなった。Minnesota 系のパフォーマンスが 良好な理由は、分極相互作用補正を考慮したパラメー ター fitting が行われることが一因と考えられる。同 様な分極相互作用補正を考慮した汎関数 (wB97XD, DSD-PBEP86)でも良好な結果が得られている。そ の一方で、長距離補正の効果は不明である。 CAM-B3LYP では B3LYP への修正が行われて結合 が生成するのに対して、LC-wPBE では PBE での 結合生成を再現しなかった。Double-Hybrid 汎関数 のパフォーマンスは良好であった (B2GP-PLYP. DSD-PBEP86)。コンパクトな基底関数(6-31G(d)) による実用的な計算を行う際、汎関数の選択が重要 であることが示唆された(図10)。



図9 結合距離に対するエネルギー変化(DFT)

	Disp. Corrct	ΔE (Kcal/mol)
Hybrid- GGA		-0.0288
GGA		0.315
Hybrid- Meta-GGA		0.150
Hybrid- Meta-GGA		0.734
Hybrid- meta-NGA		0.862
LC-hybrid- GGA		0.224
LC-hybrid- GGA		-0.0519
LC-hybrid- GGA	$\bigcirc$	0.370
Double- hybrid		0.466
Double- hybrid	0	0.407
	Hybrid- GGA GGA Hybrid- Meta-GGA Hybrid- Meta-GGA LC-hybrid- GGA LC-hybrid- GGA LC-hybrid- GGA LC-hybrid- GGA Double- hybrid	Disp. CorrctHybrid- GGA-GGA-Hybrid- Meta-GGA-Hybrid- Meta-GGA-Hybrid- Meta-NGA-C-hybrid- GGA-C-hybrid- GGA-C-hybrid- GGA-Double- hybrid-Double- hybrid-

図 10	ハロゲン結合コ	<b>⊏ネルギーの</b>
	汎関数依存性	(DFT)

## 3. 結言

セルロースナノファイバーと各種ポリマーとの各 種相互作用のうち、ハロゲン相互作用を詳細に解析 することを目的とした相互作用エネルギー解析を実 行した。CNF(β-グルコース)はH<sub>2</sub>O、PVCはCH<sub>3</sub>Cl で単純化したモデル系に対して、高精度分子軌道法 (MP2, CCSD(T))およびDFT法によるcounterpoise 補正計算を実行した。

MP2レベルでは、6-31G(d)から基底関数を順次

大きくして CBS基底関数極限での精密評価を行い、 ハロゲン相互作用エネルギーは約1.2 Kcal/molと算 出された。ただし、cc-pVDZ 以下の poor basis set を用いると、ハロゲン結合を再現できず、誤った結 果を与えた。CCSD(T)レベルでは、6-31G(d)から 基底関数を順次大きくして CBS 基底関数極限での 精密評価を行い、MP2と同様に約1.2 Kcal/mol が得 られた。ただし、6-31G(d)以下のpoor basis setを 用いると、ハロゲン結合を再現できなかった。以上 の結果から、ハロゲン相互作用を適切に計算するに は、MP2以上の電子相関計算とValence-Triple 以 上の基底関数が必要とされることが明らかとなった。 この計算レベルは、溶媒中のナノコンポジット化ビ ーズを対象とした大規模計算を想定した場合、現実 的な計算ストラテジーとして採用することが難しい と判断された。

これに対して、DFTレベルでは、計算の高速性に 配慮して、基底関数は 6-31G(d)に固定して各種汎関 数の性能を調べた。スタンダードなDFT手法(B3LYP/ 6-31G(d))では、ハロゲン結合が生成しないという 誤った結果を与えた(Counterpoise 補正)。対照的に Minnesota系の汎関数(M06-2X, MN-15)はハロゲン 結合を再現する結果を与えた。分極相互作用補正を 考慮した汎関数(wB97XD, DSD-PBEP86)も良好な 結果が得られた。Double-Hybrid汎関数のパフォー マンスは良好であった(B2GP-PLYP, DSD-PBEP86) が、長距離補正の効果は不明であった(CAM-B3LYP, LC-wPBE)(図11)。



以上の知見に基づき、GRRM(Grobal Reaction Route Mapping)プログラム<sup>[6]</sup>を用いてCNF - 各種 ポリマーの配座最適化と相互作用エネルギー解析を 行うため、本研究で得られた 6-31G(d)基底関数で の実用的なDFT計算を進めている。並行して、溶媒 和効果とポリマー間相互作用自由エネルギーを計算 するため、分子動力学計算および溶媒和相互作用エ ネルギー計算を進めている。

## 謝辞

セルロースナノファイバーの実験データを提供・ 議論していただいた熊本県産業技術センターの永岡 昭二博士に感謝する。本研究の一部は、自然科学研 究機構計算科学研究センターのスーパーコンピュー ターシステム「NEC LX 高精度分子シミュレーター」 を使用して実行された。

#### 参考文献

- [1] 川崎恭治、「非平衡と相転移 メソスケールの 統計物理学」、朝倉書店, 2000.
- [2] 重光保博、長崎県工業技術センター研究報告、 49, pp.27-30, 2020.
- [3] 重光保博、長崎県工業技術センター研究報告、 50, pp.21-26, 2021.
- [4] H.Ridgway, J.Orbell and S.Gray, J.Membrane Sci., 524, pp.436-448, 2017.
- [5] S.Nagaoka, Cellulose Communications, 28(1), pp.7-12, 2021.
- [6] GRRM; https://iqce.jp/GRRM/, Accessed 2021.